## Recursion.

```
1.
    Алгоритм вычисления функции F(n) задан следующими соотношениями:
                                                                              П21 17
        F(n) = n + 3 при n < 3
                                                                              11120
        F(n) = (n + 2) \cdot F(n-4), если n делится на 3,
                                                                              57
        F(n) = n + F(n-1) + 2 \cdot F(n-2), если n не делится на 3.
     Чему равно значение функции F(20)?
2.
                                                   G(n)
                вычисления
     Алгоритм
                              функций
                                        F(n)
                                                         задан
                                                                 следующими
                                                                              П21 20
     соотношениями:
                                                                              37282
        F(1) = G(1) = 1
                                                                              721
        F(n) = 3 \cdot F(n-1) + G(n-1) - n + 5, если n > 1
        G(n) = F(n-1) + 3 \cdot G(n-1) - 3 \cdot n, если n > 1
     Чему равно значение F(14) + G(14)?
     Определите, сколько символов * выведет эта процедура при вызове
3.
                                                                              П21 24
     F(280):
     void F( int n )
                                                                              24687
       cout << '*';
                                                                              85
       if(n >= 1) {
         cout << '*';
         F(n-1);
         F(n/3);
         cout << '*';
4.
     Определите наименьшее значение n, при котором сумма чисел, которые
                                                                              П21 30
     будут выведены при вызове F(n), будет больше 3200000. Запишите в
     ответе сначала найденное значение n, а затем через пробел –
                                                                              199
     соответствующую сумму выведенных чисел.
     void F( int n )
                                                                              32383
       cout << n*n << endl;</pre>
                                                                              15
       if(n > 1) {
         cout << 2*n+1 << endl;</pre>
         F(n-2);
         F(n/3);
     }
```

```
5.
     Определите наибольшее трехзначное значение n, при котором значение
                                                                            П21 32
    F(n), будет больше числа 7. Запишите в ответе сначала найденное
     значение n, а затем через пробел – соответствующее значение F(n).
                                                                            999
     int F(int n)
       if(n < 10)
                                                                            9
         return n;
      else {
        int m = F(n/10),
           d = m%10;
        if(m < d)
         return d;
       else
        return m;
      }
6.
     Определите наименьшее значение суммы n+m такое, что значение F(n, m) \mid \Pi 21 \mid 35
     больше числа 15 и выполняется условие n \neq m, n \mid u \mid m – натуральные
                                                                            16
    числа. Запишите в ответе сначала значения n и m, при которых
     указанная сумма достигается, в порядке неубывания,
                                                                            32
     соответствующее значение F(n, m). Числа в ответе разделяйте пробелом.
                                                                            16
     int F(int n, int m)
     if(n > m)
        return F(n-m,m);
     else
        if(n < m)
         return F(m-n,n);
       else
         return n;
7.
     Определите количество различных значений n таких, что n и m –
                                                                            П21 36
    натуральные числа, находящиеся в диапазоне [100; 1000], а значение
    F(n, m) равно числу 30.
                                                                            30
     int F(int n, int m)
     if(m == 0)
      return n;
     else
      return F(m, n%m);
8.
    Алгоритм вычисления функций F(n) и G(n) задан следующими соотношениями:
                                                                            \Pi 21 \ 41
        F(n) = G(n) = 1 при n = 1
                                                                            40
        F(n) = F(n-1) - 2 \cdot G(n-1), при n > 1
        G(n) = F(n-1) + G(n-1) + n, \pi p u n > 1
    Чему равна сумма цифр значения функции G(36)?
```

```
9.
    Алгоритм вычисления функции F(n) задан следующими соотношениями:
                                                                             П21 47
        F(n) = n при n \le 3;
        F(n) = F(n-1) + 2 \cdot F(n/2) при чётных n > 3;
                                                                             64
        F(n) = F(n-1) + F(n-3) при нечётных n > 3;
     Определите количество натуральных значений n, при которых F(n) меньше, чем 10^8.
10
    Алгоритм вычисления функции F(n) задан следующими соотношениями:
                                                                             П21 50
        F(n) = n при n \le 3;
        F(n) = n + 3 + F(n - 1) при чётных n > 3;
                                                                             285
        F(n) = n \cdot n + F(n-2) при нечётных n > 3;
     Определите количество натуральных значений n из отрезка [1; 1000],
     при которых значение F(n) кратно 7.
11
     Алгоритм вычисления функции F(n) задан следующими соотношениями:
                                                                             П21 57
        F(n) = n \cdot n + 2 \cdot n + 1, при n > 25
        F(n) = 2 \cdot F(n+1) + F(n+3), при чётных n <= 25
                                                                             575
        F(n) = F(n+2) + 3 \cdot F(n+5), при нечётных n <= 25
     Определите количество натуральных значений n из отрезка [1; 1000],
     при которых значение F(n) не содержит цифру 0.
12
    Алгоритм вычисления функции F(n) задан следующими соотношениями:
                                                                             П21 6
        F(n) = n \cdot n + 4 \cdot n + 3, при n > 25
                                                                             0
        F(n) = F(n+1) + 2 \cdot F(n+4), при n \le 25, кратных 3
        F(n) = F(n+2) + 3 \cdot F(n+5), при n \le 25, не кратных 3
     Определите количество натуральных значений n из отрезка [1; 1000],
                                                                             100
     для которых сумма цифр значения F(n) равна 24.
13
    Алгоритм вычисления функции F(n) задан следующими соотношениями:
                                                                             П21 6
        F(n) = n + 3, при n \le 18
                                                                             4
        F(n) = (n // 3) \cdot F(n // 3) + n - 12, при n > 18, кратных 3
        F(n) = F(n-1) + n \cdot n + 5, при n > 18, не кратных 3
           «//» обозначает деление нацело. Определите
                                                                             16
     натуральных значений n из отрезка [1; 1000], для которых все цифры
     значения F(n) чётные.
14
    Алгоритм вычисления функции F(n) задан следующими соотношениями:
                                                                             П21 6
        F(n) = n + 15, при n \le 5
                                                                             5
        F(n) = F(n // 2) + n \cdot n \cdot n - 1, при чётных n > 5
        F(n) = F(n-1) + 2 \cdot n \cdot n + 1, при нечётных n > 5
           «//» обозначает деление нацело. Определите количество
                                                                             164
     натуральных значений n из отрезка [1; 1000], для которых значения
    F(n) содержит не менее двух цифр 8.
15
    Алгоритм вычисления функции F(n) задан следующими соотношениями:
                                                                             Yasam
        F(n) = n \pi p u n <= 3;
                                                                             50101
        F(n) = F(n - 1) + 2 \cdot F(n / 2) при чётных n > 3;
        F(n) = F(n-1) + F(n-5) при нечётных n > 3;
     Определите количество натуральных значений n, при которых F(n)
    меньше, чем 10^8.
```